2026-10-22 CSCA30_De_15_Cau_013

Mã bài CSCA30_De_15_Cau_013
Đề 15 · Câu 013 · Ngày 2026-10-22
Chương 03 - Hàm số · Dễ

Kết quả / 答案 D

解题步骤 · Lời giải tiếng Trung

第1步：8^t 递增，D 正确。
→ 原理：指数函数 a^x 与对数函数 $\log_a x$：$a>1$ 时递增，$0<a<1$ 时递减；递增保持不等号方向，递减改变方向；指数函数值恒为正。
第2步：A、B、C 有反例。
→ 原理：要否定"恒成立"的命题，只需举出一个反例。
说明：因为 $8>1$，函数 $t \mapsto 8^t$ 在 $\mathbb{R}$ 上严格递增，所以 $8^a > 8^b$
。平方与正弦函数不在整个实数域上递增，倒数不等式还需要符号及非零条件。
结论：选 D。

Các bước giải · Lời giải tiếng Việt

Bước 1 – 8^t đồng biến: $a>b \Rightarrow 8^a > 8^b$.
→ Lý thuyết: Hàm mũ $y=a^x$ và hàm logarit $y=\log_a x$ đồng biến khi $a>1$, nghịch biến khi $0<a<1$. Hàm đồng biến giữ nguyên chiều bất đẳng thức, hàm nghịch biến đảo chiều. Hàm mũ luôn có giá trị dương.
Bước 2 – A, B, C có phản ví dụ (ví dụ $a=-1, b=-2$ cho A; $a=1, b=-1$ cho B; $a=\pi, b=0$ cho C).
→ Lý thuyết: Để bác bỏ một khẳng định "luôn đúng", chỉ cần chỉ ra một trường hợp cụ thể làm nó sai (phản ví dụ).
Nhận xét: Vì $8>1$, hàm $t \mapsto 8^t$ đồng biến trên $\mathbb{R}$, nên $8^a > 8^b$. Bình phương và sin không đồng biến trên toàn bộ $\mathbb{R}$; bất đẳng thức nghịch đảo cần thêm điều kiện về dấu và khác 0.
Kết luận: chọn D.

Mở đề bài / 查看题目